Booklet with Blue/Black Ball Point Pen.

OPQ

No.:

Test Booklet Code परीक्षा पुस्तिका संकेत



## PAPER - 2 : MATHEMATICS & APTITUDE TEST परीक्षा पुस्तिका - 2: गणित तथा अभिरुचि परीक्षण

Do not open this Test Booklet until you are asked to do so. इस परीक्षा पुस्तिका को तब तक न खोलें जब तक कहा न जाए।

Immediately fill in the particulars on this page of the Test

Read carefully the Instructions on the Back Cover of this Test Booklet. इस परीक्षा पुस्तिका के पिछले आवरण पर दिए गए निर्देशों को ध्यान से पढें।

Important Instructions:

in the Answer Sheet.

- महत्त्वपूर्ण निर्देश :
- 2. This Test Booklet consists of three parts Part I, Part II and Part III. Part I has 30 objective type questions of Mathematics consisting of FOUR (4) marks for each correct response. Part II Aptitude Test has 50 objective type questions consisting of FOUR (4) marks for each correct response. Mark your answers for these questions in the appropriate space against the number corresponding to the question in the Answer Sheet placed inside this Test Booklet. Use Blue/Black Ball Point Pen only for writing particulars/marking responses on Side-1 and Side-2 of the Answer Sheet. Part III consists of 2 questions carrying 70 marks which are to be attempted on a separate Drawing Sheet which is also placed inside the Test Booklet. Marks allotted to each question are written against each question. Use colour pencils or crayons
- 3. There is only one correct response for each question in Part I and Part II. Filling up more than one response in each question will be treated as wrong response and marks for wrong response will be deducted accordingly as per instruction 2 above.

only on the Drawing Sheet. Do not use water colours. For each incorrect response in Part I and Part II, one-fourth (1/4)

of the total marks allotted to the question would be deducted

from the total score. No deduction from the total score,

however, will be made if no response is indicated for an item

- 4. The test is of **3 hours** duration. The maximum marks are **390**.
- 5. On completion of the test, the candidates must hand over the Answer Sheet of Mathematics and Aptitude Test-Part I & II and the Drawing Sheet of Aptitude Test-Part III alongwith Test Booklet for Part III to the Invigilator in the Room/Hall. Candidates are allowed to take away with them the Test Booklet of Aptitude Test-Part I & II.
- 6. The CODE for this Booklet is M. Make sure that the CODE printed on Side-2 of the Answer Sheet and on the Drawing Sheet (Part III) is the same as that on this booklet. Also tally the Serial Number of the Test Booklet, Answer Sheet and Drawing Sheet and ensure that they are same. In case of discrepancy in Code or Serial Number, the candidate should immediately report the matter to the Invigilator for replacement of the Test Booklet, Answer Sheet and the Drawing Sheet.

- 1. परीक्षा पुस्तिका के इस पृष्ठ पर आवश्यक विवरण *नीले/ काले बॉल* पाइंट पेन से तत्काल भरें।
- 2. इस परीक्षा पुस्तिका के तीन भाग हैं भाग I, भाग II एवं भाग III. पुस्तिका के भाग I में गणित के 30 वस्तुनिष्ठ प्रश्न हैं जिसमें प्रत्येक प्रश्न के सही उत्तर के लिये चार (4) अंक निर्धारित किये गये हैं। भाग II अभिरुचि परीक्षण में 50 वस्तुनिष्ठ प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक सही उत्तर के लिए चार (4) अंक हैं। इन प्रश्नों का उत्तर इस परीक्षा पुस्तिका में रखे उत्तर पत्र में संगत क्रम संख्या के गोले में गहरा निशान लगाकर दीजिए। उत्तर पत्र के पृष्ठ-1 एवं पृष्ठ-2 पर वांछित विवरण लिखने एवं उत्तर अंकित करने हेत् केवल नीले/ काले बॉल पाइंट पेन का ही प्रयोग करें। पुस्तिका के भाग III में 2 प्रश्न हैं जिनके लिए 70 अंक निर्धारित हैं। यह प्रश्न इसी परीक्षा पुस्तिका के अन्दर रखी ड्राइंग शीट पर करने हैं। प्रत्येक प्रश्न हेतु निर्धारित अंक प्रश्न के सम्मुख अंकित हैं। *ड्राइंग शीट* पर केवल रंगीन पेंसिल अथवा क्रेयोन का ही प्रयोग करें। पानी के रंगों का प्रयोग न करें। भाग I और भाग II में प्रत्येक गलत उत्तर के लिए उस प्रश्न के लिए निर्धारित कुल अंकों में से एक-चौथाई (1/4) अंक कल योग में से काट लिए जाएँगे। यदि उत्तर पत्र में किसी प्रश्न का कोई उत्तर नहीं दिया गया है, तो कुल योग में से कोई अंक नहीं काटे जाएँगे। 3. इस परीक्षा पुस्तिका के भाग I और भाग II में प्रत्येक प्रश्न का केवल एक ही सही उत्तर है। एक से अधिक उत्तर देने पर उसे गलत उत्तर माना जायेगा और उपरोक्त निर्देश 2 के अनुसार अंक काट लिये जायेंगे।
- 4. परीक्षा की अवधि **3 घंटे** है। अधिकतम अंक **390** हैं।
- 5. परीक्षा समाप्त होने पर, परीक्षार्थी गणित एवं अभिरुचि परीक्षण-भाग I एवं II का उत्तर पत्र एवं अभिरुचि परीक्षण-भाग III की ड्राइंग शीट एवं परीक्षा पुस्तिका भाग III हाल/कक्ष निरीक्षक को सौंपकर ही परीक्षा हाल/कक्ष छोड़ें। परीक्षार्थी अभिरुचि परीक्षण-भाग I एवं II की परीक्षा पुस्तिका अपने साथ ले जा सकते हैं।
- 6. इस पुस्तिका का संकेत M है। यह सुनिश्चित कर लें कि इस पुस्तिका का संकेत, उत्तर पत्र के पृष्ठ-2 एवं ड्राइंग शीट (भाग-III) पर छपे संकेत से मिलता है। यह भी सुनिश्चित कर लें कि परीक्षा पुस्तिका, उत्तर पत्र एवं ड्राइंग शीट पर क्रम संख्या मिलती है। अगर संकेत या क्रम संख्या भिन्न हों, तो परीक्षार्थियों को निरीक्षक से दूसरी परीक्षा पुस्तिका, उत्तर पत्र एवं ड्राइंग शीट लेने के लिए उन्हें तुरन्त इस त्रुटि से अवगत कराएँ।

Name of the Cand	idate (in Capitals) :	
परीक्षार्थी का नाम (ब	ड़े अक्षरों में) :	
	: in figures : अंकों में	
	: in words : शब्दों में	
Examination Cent परीक्षा केन्द्र नम्बर :	re Number :	
Centre of Examina परीक्षा केन्द्र (बड़े अक्ष	ntion (in Capitals) : रों में ) :	
Candidate's Signa परीक्षार्थी के हस्ताक्षर :		 Invigilator's Signature (1) : निरीक्षक के हस्ताक्षर (1) :
		Invigilator's Signature (2) : निरीक्षक के हस्ताक्षर (2) :

## Part I / भाग I Mathematics / गणित

- 1.  $\log_{10} 2$ ,  $\log_{10} (2^x 1)$  and  $\log_{10} (2^x + 3)$  are three consecutive terms of an A. P. for :
  - (1) more than two real x.
  - (2) no real x
  - (3) exactly one real x
  - (4) exactly two real x
- 2. If a circle has two of its diameters along the lines x+y=5 and x-y=1 and has area  $9\pi$ , then the equation of the circle is:

(1) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y + 4 = 0$$

(2) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y - 3 = 0$$

(3) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y - 4 = 0$$

(4) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y + 3 = 0$$

3. A variable plane is at a constant distance p from the origin O and meets the set of rectangular axes  $OX_i$  (i = 1, 2, 3) at points  $A_i$  (i = 1, 2, 3), respectively. If planes are drawn through  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$ , which are parallel to the coordinate planes, then the locus of their point of intersection is:

(1) 
$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = p^2$$

(2) 
$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_3} = \frac{1}{p}$$

(3) 
$$\frac{1}{x_1^2} + \frac{1}{x_2^2} + \frac{1}{x_3^2} = \frac{1}{p^2}$$

(4) 
$$\frac{1}{x_1^3} + \frac{1}{x_2^3} + \frac{1}{x_3^3} = \frac{1}{p^3}$$

- 1. x के कितने मानों के लिए  $\log_{10} 2$ ,  $\log_{10} (2^x 1)$  तथा  $\log_{10} (2^x + 3)$  एक समांतर श्रेढ़ी के तीन क्रमागत पद हैं ?
  - (1) x के दो से अधिक वास्तविक मानों के लिए।
  - (2) x के किसी भी वास्तविक मान के लिए नहीं।
  - (3) x के केवल एक वास्तिवक मान के लिए।
  - (4) x के केवल दो वास्तविक मानों के लिए।
- 2. यदि एक वृत्त के दो व्यास रेखाओं x+y=5 तथा x-y=1 के अनुदिश हैं तथा जिसका क्षेत्रफल  $9\pi$  है, तो उस वृत्त का समीकरण है :

(1) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y + 4 = 0$$

(2) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y - 3 = 0$$

(3) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y - 4 = 0$$

(4) 
$$x^2 + y^2 - 6x - 4y + 3 = 0$$

3. एक चर समतल मूलिबंदु O से एक अचर दूरी p पर रहता है और समकोणिक निर्देशांकों के एक समुच्चय  $OX_i$  (i=1,2,3) को बिंदुओं  $A_i$  (i=1,2,3) पर क्रमशः प्रतिच्छेद करता है। यदि  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$  से निर्देशांक समतलों के समांतर समतल खींचे जाते हैं, तो उनके प्रतिच्छेद बिंदु का बिंदु पथ है:

(1) 
$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = p^2$$

(2) 
$$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_3} = \frac{1}{p}$$

(3) 
$$\frac{1}{x_1^2} + \frac{1}{x_2^2} + \frac{1}{x_3^2} = \frac{1}{p^2}$$

(4) 
$$\frac{1}{x_1^3} + \frac{1}{x_2^3} + \frac{1}{x_3^3} = \frac{1}{p^3}$$

- **4.** If the mean and the standard deviation of 10 observations  $x_1$ ,  $x_2$ , .....,  $x_{10}$  are 2 and 3 respectively, then the mean of  $(x_1+1)^2$ ,  $(x_2+1)^2$ , .....,  $(x_{10}+1)^2$  is equal to:
  - (1) 18.0
  - (2) 13.5
  - (3) 14.4
  - (4) 16.0
- 5. If  $\int \frac{1-5 \sin^2 x}{\cos^5 x \sin^2 x} dx = \frac{f(x)}{\cos^5 x} + C$ , then 5.
  - (1)  $-\cot x$

f(x) is:

- (2)  $-\cos c x$
- (3) cosec x
- (4)  $\cot x$
- 6. If  $S_k = \begin{pmatrix} 1 & k \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , keN, where N is the set of natural numbers, then  $(S_2)^n (S_k)^{-1}$ , for neN, is:
  - (1)  $S_{2n-k}$
  - (2)  $S_{2n+k-1}$
  - (3)  $S_{2^n+k-1}$
  - (4)  $S_{2^n-k}$
- 7. Consider the differential equation,  $ydx (x + y^2)dy = 0$ . If for y = 1, x takes value 1, then value of x when y = 4 is :
  - (1) 64
  - (2) 9

M/Page 3

- (3) 16
- (4) 36

- 4. यदि 10 प्रेक्षणों  $x_1$ ,  $x_2$ , .....,  $x_{10}$  का माध्य तथा मानक विचलन क्रमशः 2 तथा 3 है, तो  $(x_1+1)^2$ ,  $(x_2+1)^2$ , .....,  $(x_{10}+1)^2$  का माध्य है:
  - (1) 18.0
  - (2) 13.5
  - (3) 14.4
  - (4) 16.0
- 5. यदि  $\int \frac{1-5 \sin^2 x}{\cos^5 x \sin^2 x} dx = \frac{f(x)}{\cos^5 x} + C$  है, तो
  - f(x) बराबर है :
  - (1)  $-\cot x$
  - (2) -cosec x
  - (3) cosec x
  - (4)  $\cot x$
- 6. यदि प्राकृत संख्याओं के समुच्चय N के लिए  $S_k = \begin{pmatrix} 1 & k \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $k \in \mathbb{N}$  है, तो  $n \in \mathbb{N}$  के लिए  $(S_7)^n (S_k)^{-1}$  है :
  - (1)  $S_{2n-k}$
  - (2)  $S_{2n+k-1}$
  - (3)  $S_{2^n + k 1}$
  - (4)  $S_{2^n-k}$
- 7. अवकलन समीकरण  $ydx (x + y^2)dy = 0$  पर विचार कीजिए। यदि y = 1 के लिए x का मान 1 है, तो y = 4 के लिए x का मान है:
  - (1) 64
  - (2) 9
  - (3) 16
  - (4) 36

- Let  $f(x) = |x x_1| + |x x_2|$ , where  $x_1$  and  $x_2$ 8. are distinct real numbers. Then the number of points at which f(x) is minimum, is:
  - more than 3 (1)
  - (2) 1
  - 2 (3)
  - (4)3
- If the lines  $\frac{x-4}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-\lambda}{3}$  and 9. यदि रेखाएँ  $\frac{x-4}{1} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-\lambda}{3}$  तथा 9.  $\frac{x}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z}{4}$  intersect each other, then  $\lambda$  lies in the interval:
  - (9, 11)(1)
  - (2)(-5, -3)
  - (3) (13, 15)
  - (4)(11, 13)
- 10. Let  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{|x|} & \text{if } |x| > 2 \\ a + bx^2 & \text{if } |x| < 2 \end{cases}$

then f(x) is differentiable at x = -2 for :

- (1)  $a = \frac{3}{4}$  and  $b = \frac{1}{16}$
- (2)  $a = \frac{3}{4}$  and  $b = -\frac{1}{16}$
- (3)  $a = -\frac{1}{4}$  and  $b = \frac{1}{16}$
- (4)  $a = \frac{1}{4}$  and  $b = -\frac{1}{16}$

M/Page 4

- माना  $f(x) = |x x_1| + |x x_2|$  है, जहाँ  $x_1$  तथा  $x_2$ विभिन्न वास्तविक संख्याएँ हैं, तो उन बिंदुओं की संख्या जिन पर f(x) का मान न्यूनतम है, है :
  - 3 से अधिक (1)
  - (2)
  - (3)
  - (4)
- $\frac{x}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z}{4}$  परस्पर प्रतिच्छेदी हैं, तो λ जिस अंतराल में स्थित है, वह है :

  - (11, 13)
- 10. माना  $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{|x|} & \text{यद } |x| > 2 \\ a + bx^2 & \text{यद } |x| \le 2 \end{cases}$

है, तो x = -2 पर f(x) अवकलनीय है, यदि :

- (1)  $a = \frac{3}{4}$  तथा  $b = \frac{1}{16}$
- (2)  $a = \frac{3}{4}$  तथा  $b = -\frac{1}{16}$
- (3)  $a = -\frac{1}{4}$  तथा  $b = \frac{1}{16}$
- (4)  $a = \frac{1}{4}$  तथा  $b = -\frac{1}{16}$

- 11. The area bounded by the curves  $y^2 = 12x$  and  $x^2 = 12y$  is divided by the line x = 3 in two parts. The area (in square units) of the larger part is : http://www.iitscholars.com
  - $(1) \quad {}^{245}/_{4}$
  - (2) 147/4
  - (3) 45/4
  - $(4) \quad 137/_{4}$
- 12. Let P be a point in the first quadrant lying on the ellipse  $9x^2 + 16y^2 = 144$ , such that the tangent at P to the ellipse is inclined at an angle 135° to the positive direction of *x*-axis. Then the coordinates of P are :
  - $(1) \quad \left(\frac{16}{5}, \frac{9}{5}\right)$
  - $(2) \quad \left(\frac{\sqrt{143}}{3}, \frac{1}{4}\right)$
  - $(3) \quad \left(\frac{8}{9}, \frac{\sqrt{77}}{3}\right)$
  - $(4) \quad \left(\frac{4}{\sqrt{2}}, \frac{3}{\sqrt{2}}\right)$
- 13. Suppose that six students, including Madhu and Puja, are having six beds arranged in a row. Further, suppose that Madhu does not want a bed adjacent to Puja. Then the number of ways, the beds can be allotted to students is:
  - (1) 384
  - (2) 264
  - (3) 480
  - (4) 600

- 11. वक्रों  $y^2 = 12x$  तथा  $x^2 = 12y$  के बीच घिरे क्षेत्रफल को, रेखा x = 3 द्वारा दो भागों में बांटा गया है। बड़े भाग का क्षेत्रफल (वर्ग इकाइयों में) है:
  - $(1) \quad {}^{245}/_{4}$
  - (2)  $\frac{147}{4}$
  - (3) 45/4
  - $(4) \quad \frac{137}{4}$
- 12. माना P, प्रथम चतुर्थांश का ऐसा बिंदु है जो दीर्घ वृत्त  $9x^2 + 16y^2 = 144$  पर स्थित है तथा दीर्घ वृत्त के बिंदु P पर खींचीं गई स्पर्श रेखा x-अक्ष की धनात्मक दिशा के साथ  $135^\circ$  का कोण बनाती है, तो P के निर्देशांक हैं:
  - $(1) \quad \left(\frac{16}{5}, \frac{9}{5}\right)$
  - $(2) \quad \left(\frac{\sqrt{143}}{3}, \frac{1}{4}\right)$
  - $(3) \quad \left(\frac{8}{9}, \frac{\sqrt{77}}{3}\right)$
  - (4)  $\left(\frac{4}{\sqrt{2}}, \frac{3}{\sqrt{2}}\right)$
- 13. माना छ: विद्यार्थियों, जिनमें मधु तथा पूजा सिम्मिलित हैं, के पास एक पंक्ति में व्यवस्थित छ: बिस्तर हैं। और मधु, पूजा के संलग्न वाला बिस्तर नहीं चाहती, तो जितने तरीकों से यह बिस्तर विद्यार्थियों को दिए जा सकते है, उन की संख्या है:
  - (1) 384
  - (2) 264
  - (3) 480
  - (4) 600

- **14.** If the point (p, 5) lies on the line parallel to the *y*-axis and passing through the intersection of the lines  $2(a^2+1)x + by + 4(a^3+a) = 0$  and  $(a^2+1)x 3by + 2(a^3+a) = 0$ , then *p* is equal to :
  - (1) 3*a*
  - (2) 2a
  - (3) -3a
  - (4) 2*a*
- **15.**  $f(x) = |x| \log_e x|, x > 0$ , is monotonically decreasing in :
  - (1)  $(e,\infty)$
  - (2)  $\left(0, \frac{1}{e}\right)$
  - (3)  $\left[\frac{1}{e}, 1\right]$
  - (4) (1, e)
- **16.** If  $f(x) = \frac{e^x}{1 + e^x}$ ,

$$I_1 = \int_{f(-a)}^{f(a)} x g\{x (1-x)\} dx$$
 and

$$I_2 = \int_{f(-a)}^{f(a)} g\{x (1-x)\} dx,$$

where g is not an identity function. Then  $I_2$ 

the value of  $\frac{I_2}{I_1}$  is:

- (1) -1
- (2)  $\frac{1}{2}$
- (3) 2
- (4) 1

- 14. यदि बिंदु (p, 5) एक रेखा पर स्थित है जो y-अक्ष के समांतर है तथा रेखाओं  $2(a^2+1)x+by+4(a^3+a)=0$  तथा  $(a^2+1)x-3by+2(a^3+a)=0$  के प्रतिच्छेद बिंदु से होकर जाती है, तो p का मान है :
  - (1) 3a
  - (2) 2a
  - (3) 3a
  - (4) 2a
- **15.**  $f(x) = |x| \log_e x|, x > 0$  जिस अंतराल में एकदिष्ट हासमान है, वह है :
  - (1)  $(e, \infty)$
  - (2)  $\left(0, \frac{1}{e}\right)$
  - (3)  $\left[\frac{1}{e}, 1\right]$
  - (4) (1, e)
- **16.**  $\forall x \in f(x) = \frac{e^x}{1 + e^x}$

$$I_1 = \int_{f(-a)}^{f(a)} x \ g\{x \ (1-x)\} \ dx$$
 तथा

$$I_2 = \int_{f(-a)}^{f(a)} g\{x (1-x)\} dx \approx \frac{1}{6},$$

जहाँ g एक तत्समक फलन नहीं है, तो  $\frac{I_2}{I_1}$  का मान

- है :
- (1) -1
- (2)  $\frac{1}{2}$
- (3) 2
- (4) 1

17. A vertical pole stands at a point A on the boundary of a circular park of radius a and subtends an angle  $\alpha$  at another point B on the boundary. If the chord AB subtends an angle  $\alpha$  at the centre of the park, the height of the pole is :

(1) 
$$2a \cos \frac{\alpha}{2} \cot \alpha$$

(2) 
$$2a \sin \frac{\alpha}{2} \tan \alpha$$

(3) 
$$2a \cos \frac{\alpha}{2} \tan \alpha$$

(4) 
$$2a \sin \frac{\alpha}{2} \cot \alpha$$

**18.** Let  $\frac{3\pi}{4} < \theta < \pi$  and

$$\sqrt{2 \cot \theta + \frac{1}{\sin^2 \theta}} = K - \cot \theta,$$

then K is equal to: http://www.iitscholars.com

- (1) 1
- (2) -1
- (3) 0
- (4)  $\frac{1}{2}$

17. a त्रिज्या वाले एक वृत्तीय पार्क की पिरसीमा पर स्थित बिंदु A पर एक उर्ध्वाधर खम्बा खड़ा है जो पिरसीमा के एक अन्य बिंदु B पर कोण α अंतरित करता है। यिद जीवा AB वृत्तीय पार्क के केंद्र पर कोण α अंतरित करती है, तो खम्भे की ऊँचाई है:

(1) 
$$2a \cos \frac{\alpha}{2} \cot \alpha$$

(2) 
$$2a \sin \frac{\alpha}{2} \tan \alpha$$

(3) 
$$2a \cos \frac{\alpha}{2} \tan \alpha$$

(4) 
$$2a \sin \frac{\alpha}{2} \cot \alpha$$

18. माना  $\frac{3\pi}{4} < \theta < \pi$  है तथा

$$\sqrt{2 \cot \theta + \frac{1}{\sin^2 \theta}} = K - \cot \theta \stackrel{\text{def}}{\xi},$$

तो K बराबर है:

- (1) 1
- (2) -1
- (3)
- $(4) \frac{1}{2}$

19. Unit vectors  $\overrightarrow{a}$ ,  $\overrightarrow{b}$ ,  $\overrightarrow{c}$  are coplanar.

A unit vector  $\overrightarrow{d}$  is perpendicular to them.

If  $(\overrightarrow{a} \times \overrightarrow{b}) \times (\overrightarrow{c} \times \overrightarrow{d}) = \frac{1}{6} \overrightarrow{i} - \frac{1}{3} \overrightarrow{j} + \frac{1}{3} \overrightarrow{k}$ and the angle between  $\overrightarrow{a}$  and  $\overrightarrow{b}$  is 30°, then  $\overrightarrow{c}$  is/are: http://www.iitscholars.com

$$(1) \quad \left(\frac{-2\hat{i}-2\hat{j}+\hat{k}}{3}\right)$$

$$(2) \qquad \pm \left(\frac{-\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}}{3}\right)$$

(3) 
$$\left(\frac{2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}}{3}\right)$$

$$(4) \qquad \pm \left(\frac{-\hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k}}{3}\right)$$

- **20.** Let N be the set of natural numbers and for a $\epsilon$ N, aN denotes the set {a $x : x \epsilon$ N}. If bN  $\cap$  cN = dN, where b, c, d are natural numbers greater than 1 and the greatest common divisor of b and c is 1, then d
  - (1) b+c

equals:

- (2) max { b, c }
- (3) min { b, c }
- (4) bc

19. मात्रक सदिश  $\stackrel{\rightarrow}{a}$ ,  $\stackrel{\rightarrow}{b}$ ,  $\stackrel{\rightarrow}{c}$  समतलीय हैं। एक मात्रक सदिश  $\stackrel{\rightarrow}{d}$  उन पर लंबवत है। यदि  $(\stackrel{\rightarrow}{a} \times \stackrel{\rightarrow}{b}) \times (\stackrel{\rightarrow}{c} \times \stackrel{\rightarrow}{d}) = \frac{1}{6} \stackrel{\leftarrow}{i} - \frac{1}{3} \stackrel{\frown}{j} + \frac{1}{3} \stackrel{\frown}{k}$  है तथा  $\stackrel{\rightarrow}{a}$  तथा  $\stackrel{\rightarrow}{b}$  के बीच का कोण  $30^\circ$  है, तो  $\stackrel{\rightarrow}{c}$  है/हैं:

$$(1) \quad \left(\frac{-2\hat{i}-2\hat{j}+\hat{k}}{3}\right)$$

$$(2) \qquad \pm \left(\frac{-\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}}{3}\right)$$

$$(3) \quad \left(\frac{2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}}{3}\right)$$

$$(4) \qquad \pm \left(\frac{-\hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k}}{3}\right)$$

- 20. माना N प्राकृत संख्याओं का समुच्चय है तथा  $a \in N$  के लिए aN समुच्चय  $\{ax : x \in N\}$  दर्शाता है। यदि  $bN \cap cN = dN$  है, जहाँ b, c, d 1 से बड़ी प्राकृत संख्याएँ हैं तथा b तथा c का महत्तम समापवर्तक 1 है, तो d बराबर है :
  - (1) b+c
  - (2) max { b, c }
  - $(3) \quad \min \{ b, c \}$
  - (4) bc

- Let  $f(x) = (x+1)^2 1$ ,  $x \ge -1$ , then the set  ${x : f(x) = f^{-1}(x)} :$ 
  - (1)contains more than two elements.
  - is an empty set (2)
  - (3) contains exactly one element
  - contains exactly two elements (4)
- The locus of the mid points of the chords 22. of the parabola  $x^2 = 4py$  having slope m is a :
  - (1)circle with centre at origin and radius |2pm|.
  - (2) line parallel to x-axis at a distance |2pm| from it.
  - line parallel to y-axis at a distance (3)|2pm| from it.
  - line parallel to y = mx,  $m \ne 0$  at a (4)distance |2pm| from it.
- 23. If the roots of the equation

 $\frac{1}{x+p} + \frac{1}{x+q} = \frac{1}{r}$  are equal in magnitude and opposite in sign, then the product of roots is:

- (1)  $-\frac{1}{2}(p^2-q^2)$
- (2)  $(p^2 + q^2)$
- (3)  $\frac{1}{2}(p^2+q^2)$
- (4)  $-\frac{1}{2}(p^2+q^2)$

- **21.** Hiff  $f(x) = (x+1)^2 1$ ,  $x \ge -1$  है, तो समुच्चय  $\{x: f(x) = f^{-1}(x)\}:$ 
  - (1) में दो से अधिक अवयव हैं।
  - एक रिक्त समुच्चय है। (2)
  - (3) में केवल एक अवयव है।
  - (4) में केवल दो अवयव हैं।
- परवलय  $x^2 = 4py$  की जीवाओं, जिनकी ढाल m है, 22. के मध्य बिंदुओं का बिंदु पथ:
  - एक वृत्त है जिसका केंद्र मूल बिंदु है तथा त्रिज्या |2pm| है।
  - एक रेखा है जो x-अक्ष के समांतर है तथा उससे |2pm| की दुरी पर है।
  - एक रेखा है जो γ-अक्ष के समांतर है तथा उससे (3) |2pm| की दूरी पर है।
  - y = mx,  $m \neq 0$  के समांतर रेखा है तथा उससे (4) |2pm| की दूरी पर है।
- 23. यदि समीकरण

 $\frac{1}{x+p} + \frac{1}{x+q} = \frac{1}{r}$  के मूल परिमाण में समान हैं तथा विपरीत चिन्हों के हैं, तो मुलों का गुणनफल है:

- (1)  $-\frac{1}{2}(p^2-q^2)$
- (2)  $(p^2+q^2)$ (3)  $\frac{1}{2}(p^2+q^2)$
- (4)  $-\frac{1}{2}(p^2+q^2)$

- **24.** A biased coin with probability  $p, 0 , of heads is tossed until a head appears for the first time. If the probability that the number of tosses required is even is <math>\frac{2}{5}$ , then p is equal to:
  - (1)  $\frac{2}{3}$
  - (2)  $\frac{1}{2}$
  - (3)  $\frac{1}{3}$
  - $(4) \frac{1}{4}$
- **25.** If

$$\frac{48}{2.3} + \frac{47}{3.4} + \frac{46}{4.5} + \dots + \frac{2}{48.49} + \frac{1}{49.50}$$

$$=\frac{51}{2} + K\left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{50}\right)$$
, then

K equals:

- (1) 2
- (2) -1
- (3)  $-\frac{1}{2}$
- (4) 1

- 24. एक अभिनत सिक्का, जिसमें चित्त आने की प्रायिकता  $p,0 है, तब तक उछाला जाता है, जब तक कि पहली बार चित्त न आ जाए। यदि उछाले गए प्रयासों की संख्या सम होने की प्रायिकता <math>\frac{2}{5}$  है, तो p बराबर है :
  - (1)  $\frac{2}{3}$
  - (2)  $\frac{1}{2}$
  - (3)  $\frac{1}{3}$
  - $(4) \frac{1}{4}$
- 25. यदि

$$\frac{48}{2.3} + \frac{47}{3.4} + \frac{46}{4.5} + \dots + \frac{2}{48.49} + \frac{1}{49.50}$$

K बराबर है :

- (1) 2
- (2) -1
- (3)  $-\frac{1}{2}$
- (4) 1

If f(x) = (x-p)(x-q)(x-r), where p < q < r, are real numbers, then the application of Rolle's theorem on f leads to: http://www.iitscholars.com

(1) 
$$(p+q+r)^2(qr+rp+pq) = 3$$

(2) 
$$(p+q+r)^2 = 3(qr+rp+pq)$$

(3) 
$$(p+q+r)^2 > 3(qr+rp+pq)$$

(4) 
$$(p+q+r)^2 < 3(qr+rp+pq)$$

- 27. Sum of the last 30 coefficients of powers of x in the binomial expansion of  $(1+x)^{59}$ is:
  - $2^{58}$ (1)
  - $2^{29}$ (2)
  - $2^{28}$ (3)
  - $2^{59} 2^{29}$ (4)
- 28. If *z* is a complex number of unit modulus and argument  $\theta$ , then the real part of  $\frac{z(1-\overline{z})}{\overline{z}(1+z)}$  is:
  - (1)  $2\cos^2\frac{\theta}{2}$
  - $(2) 1 + \cos \frac{\theta}{2}$
  - $(3) \quad 1 \sin \frac{\theta}{2}$
  - $(4) \quad -2\sin^2\frac{\theta}{2}$

यदि f(x) = (x-p)(x-q)(x-r) है, जहाँ 26. p < q < r वास्तविक संख्याएँ हैं, तो f पर रोले के प्रमेय के अनुप्रयोग से मिलता है:

(1) 
$$(p+q+r)^2(qr+rp+pq) = 3$$

(2) 
$$(p+q+r)^2 = 3(qr+rp+pq)$$

(3) 
$$(p+q+r)^2 > 3(qr+rp+pq)$$

(4) 
$$(p+q+r)^2 < 3(qr+rp+pq)$$

- $(1+x)^{59}$  के द्विपद प्रसार में अन्तिम 30 पदों के x की 27. घातों के गुणांकों का योग है:
  - $2^{58}$ (1)
  - $2^{29}$ (2)
  - $2^{28}$ (3)
  - $2^{59} 2^{29}$ (4)
- यदि z एक सम्मिश्र संख्या है जिसका मापांक 1 है तथा 28. कोंणाक  $\theta$  है, तो  $\frac{z(1-\overline{z})}{\overline{z}(1+z)}$  का वास्तविक भाग है :

$$(1) \quad 2\cos^2\frac{\theta}{2}$$

$$(2) \qquad 1 + \cos \frac{\theta}{2}$$

$$(3) \quad 1 - \sin \frac{\theta}{2}$$

$$(4) \quad -2\sin^2 \frac{\theta}{2}$$

(4) 
$$-2\sin^2\frac{\theta}{2}$$

**29.** Let p and q be any two propositions.

**Statement 1** :  $(p \rightarrow q) \leftrightarrow q \lor \sim p$  is a tautology.

**Statement 2** :  $\sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \leftrightarrow p$  is a fallacy.

- (1) Statement 1 is false and statement 2 is true.
- (2) Both statement 1 and statement 2 are true.
- (3) Both statement 1 and statement 2 are false.
- (4) Statement 1 is true and statement 2 is false.
- **30.** In a  $\triangle ABC$ , if  $\begin{vmatrix} 1 & a & b \\ 1 & c & a \\ 1 & b & c \end{vmatrix} = 0$ , then  $\sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C$  is:
  - (1)  $\frac{3\sqrt{3}}{2}$
  - (2)  $\frac{9}{4}$
  - (3)  $\frac{5}{4}$
  - (4) 2

29. माना p तथा q कोई दो साध्य हैं।

**कथन**  $\mathbf{1}:(p \to q) \leftrightarrow q \lor \sim p$  एक पुनरुक्ति है।

**कथन**  $2: \sim (\sim p \land q) \land (p \lor q) \leftrightarrow p$  एक हेत्वाभास है।

- (1) कथन 1 असत्य है तथा कथन 2 सत्य है।
- (2) कथन 1 तथा कथन 2 दोनों सत्य हैं।
- (3) कथन 1 तथा कथन 2 दोनों असत्य हैं।
- (4) कथन 1 सत्य है तथा कथन 2 असत्य है।
- - $(1) \qquad \frac{3\sqrt{3}}{2}$
  - (2)  $\frac{9}{4}$
  - (3)  $\frac{5}{4}$
  - (4) 2

## Part II / भाग II Aptitude Test / अभिरुचि परीक्षण

Directions: (For Q. 31 to 33).

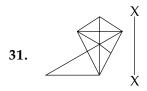
Which one of the answer figures is the correct mirror image of the problem figure with respect to X - X?

निर्देश : (प्र. 31 से 33 के लिए)।

उत्तर आकृतियों में से कौनसी आकृति दी गई प्रश्न आकृति का X - X से संबंधित सही दर्पण प्रतिबम्ब है ?

Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figures / उत्तर आकृतियाँ

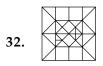












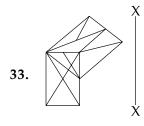


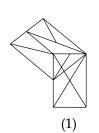




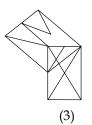


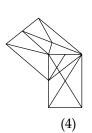












Directions: (For Q. 34 and 35).

The problem figure shows the elevation of an object. Identify the correct top view from amongst the answer figures.

निर्देश : ( प्र. 34 और 35 के लिए)।

प्रश्न आकृति में किसी वस्तु का सम्मुख दृश्य दिखाया गया है। उत्तर आकृतियों में से इसका सही ऊपरी दृश्य पहचानिए।

Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figures / उत्तर आकृतियाँ

34.



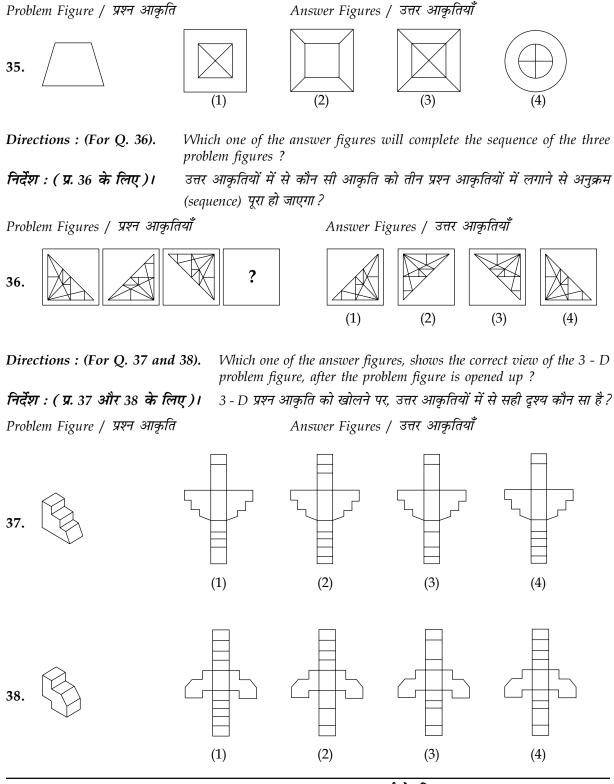






M/Page 13

SPACE FOR ROUGH WORK / रफ कार्य के लिए जगह

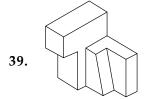


SPACE FOR ROUGH WORK / रफ कार्य के लिए जगह

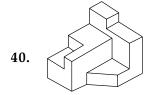
निर्देश : ( प्र. 39 से 44 के लिए)।

प्रश्न आकृति में निम्नांकित वस्तु में सतहों की कुल संख्या ज्ञात कीजिए।

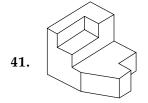
Problem Figure / प्रश्न आकृति



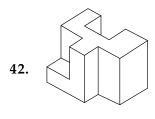
- (1) 10
- (2) 13
- (3) 12
- (4) 11



- (1) 16
- (2) 14
- (3) 15
- (4) 17

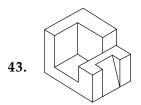


- (1) 15
- (2) 11
- (3) 12
- (4) 14

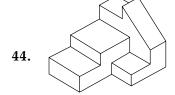


- (1) 14
- (2) 15
- (3) 12
- (4) 13

## Problem Figure / प्रश्न आकृति



- (1) 13
- (2) 15
- (3) 16
- (4) 14



- (1) 13
- (2) 15
- (3) 16
- (4) 14

Directions: (For Q. 45 and 46).

One of the following answer figures is hidden in the problem figure, in the same size and direction. Select, which one is correct?

निर्देश : ( प्र. 45 और 46 के लिए)।

नीचे दी गई उत्तर आकृतियों में से एक आकृति माप और दिशा में समान रूप से प्रश्न आकृति में छिपी है। कौन सी सही है, चुनिए।

Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figures / उत्तर आकृतियाँ

**45**.



(2)

(3)

46.



(1)

 $\Delta$ 

(2)

(3)

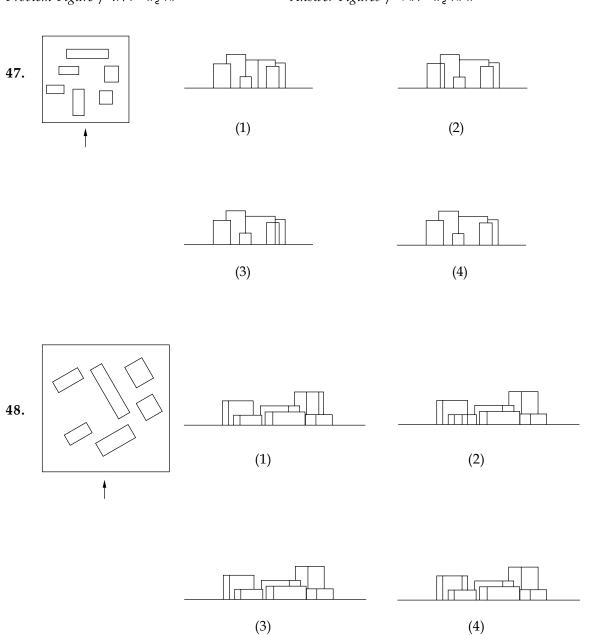
(4)

**Directions : (For Q. 47 and 48).** The problem figure shows the top view of objects. Looking in the direction of arrow, identify the correct elevation, from amongst the answer figures.

निर्देश : ( प्र. 47 और 48 के लिए)। प्रश्न आकृति में वस्तुओं का ऊपरी दृश्य दिखाया गया है। तीर की दिशा में देखते हुए उत्तर आकृतियों में से इसका सही सम्मुख दृश्य पहचानिए।

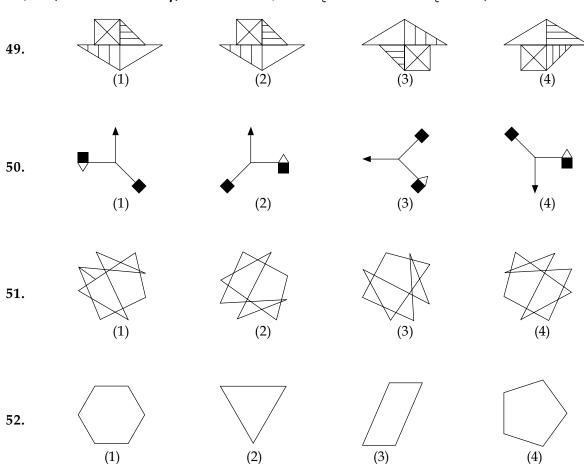
Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figures / उत्तर आकृतियाँ



Directions: (For Q. 49 to 52). Find the odd figure out in the problem figures given below:

निर्देश : ( प्र. 49 से 52 के लिए )। नीचे दी गई प्रश्न आकृतियों में से विषम आकृति बताएँ।



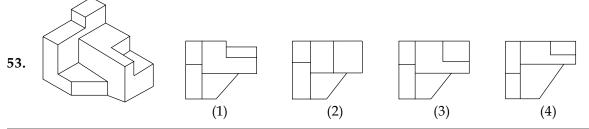
**Directions**: (For Q. 53 to 55). The 3 - D problem figure shows the view of an object. Identify, its correct top view, from amongst the answer figures.

निर्देश: (प्र. 53 से 55 के लिए)। 3 - D प्रश्न आकृति में एक वस्तु को दिखाया गया है। इसका सही ऊपरी दृश्य, उत्तर आकृतियों में से पहचानिए।

Problem Figure / प्रश्न आकृति

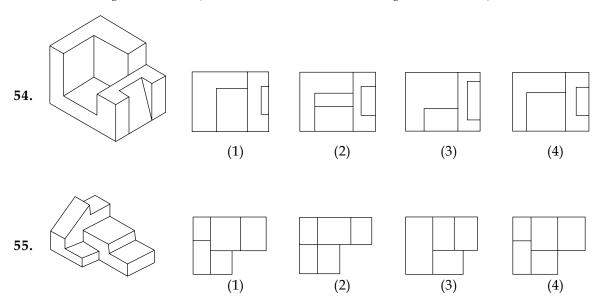
M/Page 18

Answer Figures / उत्तर आकृतियाँ



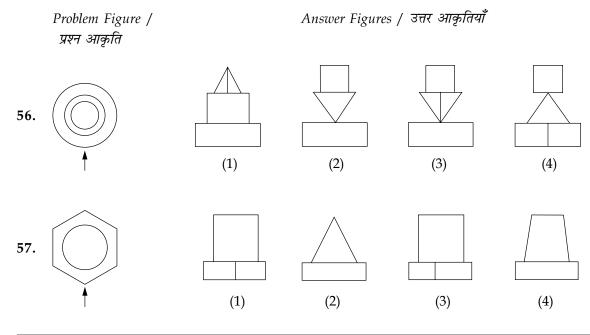
SPACE FOR ROUGH WORK / रफ कार्य के लिए जगह

M/Page 19



**Directions : (For Q. 56 and 57).** The problem figure shows the top view of an object. Identify the correct elevation, from amongst the answer figures, looking in the direction of arrow.

निर्देश: (प्र. 56 और 57 के लिए)। प्रश्न आकृति में किसी वस्तु का ऊपरी दृश्य दिखाया गया है। तीर की दिशा में देखते हुए उत्तर आकृतियों में से इसका सही सम्मुख दृश्य पहचानिए।



Directions: (For Q. 58 and 59).

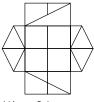
How many minimum number of straight lines are required to draw the problem figure?

निर्देश : ( प्र. 58 और 59 के लिए )।

नीचे दी गई प्रश्न आकृति को बनाने के लिए कम से कम, कितनी सीधी रेखाओं की आवश्यकता है?

Problem Figure / प्रश्न आकृति

58.



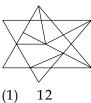
(1) 21

(2) 18

19 (3)

20 (4)

59.



12

(2) 11 (3) 10 (4)9

Directions: (For Q. 60 to 63).

The 3 - D problem figure shows a view of an object. Identify the correct front view, from amongst the answer figures, looking in the direction of arrow.

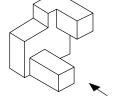
निर्देश : ( प्र. 60 से 63 के लिए )।

3 - D प्रश्न आकृति में एक वस्तु के एक दृश्य को दिखाया गया है। तीर की दिशा में देखते हुए, इसके सही सम्मुख दृश्य को उत्तर आकृतियों में से पहचानिए।

Problem Figure / प्रश्न आकृति

Answer Figures / उत्तर आकृतियाँ

60.



(1)



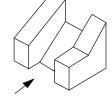
(2)



(3)



61.



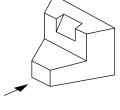
(1)

(2)

(3)

(4)





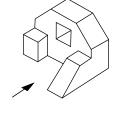








63.











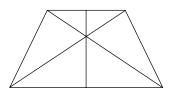
Directions: (For Q. 64 and 65).

How many total number of triangles are there in the problem figure given below? http://www.iitscholars.com

निर्देश : ( प्र. 64 और 65 के लिए )। नीचे दी गई प्रश्न आकृति में त्रिभुजों की कुल संख्या कितनी है?

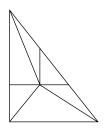
Problem Figure / प्रश्न आकृति

64.



(1) 14 (2) 12 (3) 13 (4) 11

65.



(1) 9 (2) 11 (3) 12 (4) 10

- **66.** What secondary colour is obtained by mixing blue and red colours?
  - (1) Brown
  - (2) Pink
  - (3) Purple
  - (4) Orange
- **67.** Why do large industrial buildings have high located glazing on the North side?
  - (1) Because the sun stays on the North side throughout the day.
  - (2) To get bright sunlight throughout the day.
  - (3) To stop the workers from looking outside.
  - (4) To get uniform shadow less light through the day.
- 68. Fatehpur Sikri was built by:
  - (1) Shah Jahan
  - (2) Jahangir
  - (3) Akbar
  - (4) Humayun
- **69.** Which one of the following is an odd match?
  - (1) Hot and Dry Jaisalmer
  - (2) Hot and Humid Chennai
  - (3) Cold and Dry Ladakh
  - (4) Temperate Shimla
- **70.** Which one of the following is a sound reflecting material?
  - (1) Fabric
  - (2) Thermocol
  - (3) Jute cloth
  - (4) Glass

- 66. नीले और लाल रंगों को आपस में मिलाने से कौनसा गौण (secondary) रंग मिलेगा?
  - (1) भूरा
  - (2) गुलाबी
  - (3) बैंगनी
  - (4) नारंगी
- 67. बड़ी औद्योगिक इमारतों में शीशे को उत्तर दिशा में उच्च स्तर पर क्यों लगाया जाता है?
  - (1) क्योंकि सूर्य उत्तर दिशा में सारा दिन रहता है
  - (2) पूरा दिन सूर्य की तेज़ रोशनी पाने के लिए
  - (3) काम करने वालों को बाहर देखने से रोकने के लिए
  - (4) सारा दिन एक समान बिन छाया के रोशनी पाने के लिए
- 68. फतेहपुर सीकरी को बनाया था:
  - (1) शाहजहाँ ने
  - (2) जहांगीर ने
  - (3) अकबर ने
  - (4) हुमायुं ने
- 69. इनमें से कौन-सा समुच्चय मेल नहीं खाता?
  - (1) गरम और सूखा जैसलमेर
  - (2) गरम और नम चेन्नई
  - (3) ठंडा और सूखा लदाख़
  - (4) शीतोष्ण (Temperate) शिमला
- 70. इनमें से कौन-सा, ध्विन परावर्ती पदार्थ है?
  - (1) कपड़ा
  - (2) थर्मोकोल
  - (3) पटसन का कपड़ा
  - (4) काँच

<b>7</b> 1	D 1	· 1 D1 · 1 · 1·	71.	<del>-161</del> -	वम पैलेस कहाँ स्थित है ?	
71.	Buckingham Palace is located in:					
	(1)	Singapore		(1)	सिंगापुर में	
	(2)	Paris		(2)	पैरिस में 	
	(3)	London		(3)	लंदन में	
	(4)	Geneva		(4)	जेनेवा में	
72.	Wha	at is texture ?	72.	संव्यू	ते क्या है ?	
	(1)	The way a surface looks and feels		(1)	जिस तरह एक सतह दिखती और महसूस होती है	
	(2)	A solid colour		(2)	एक ठोस रंग	
	(3)	A type of shape		(3)	एक तरह का आकार	
	(4)	Lines drawn in one colour		(4)	एक रंग में लगाई गई रेखाएँ	
		ich one of the following material not be used in its original form for struction of walls?	73.	पदार्थ	दीवारों को बनाने के लिए, निम्नांकित में से कौ पदार्थ अपनी मूल आकार में इस्तेमाल नहीं किया सकता?	
	(1)	Granite		(1)	ग्रेनाइट	
	(2)	Fly ash		(2)	फ्लाइ ऐश	
	(3)	Basalt		(3)	बेसाल्ट	
	(4)	Laterite		(4)	मखरला (लैटेराइट)	
74.		o among the following is not an aitect?	74.	इनमें	से कौन-सा वास्तुकार नहीं है ?	
	(1)	Raj Rewal		(1)	राज रेवाल	
	(2)	Zaha Hadid		(2)	ज़ाहा हदीद	
	(3)	M.F. Hussain		(3)	एम.एफ. हुसैन	
	(4)	Hafiz Contractor		(4)	हफीज़ कॉन्ट्रैक्टर	
75.	Which one of the following is not a matching set ?		75.	निम्ना	कित में से कौन-सा समुच्चय मेल नहीं खाता?	
	(1)	England - 10 Downing Street		(1)	इंगलैंड - 10 डऊनिंग स्ट्रीट	
	(2)	San Francisco - Golden Gate Bridge		(2)	सेन फ्रांसिसको – गोल्डन गेट ब्रिज	
	(3)	Washington - White House		(3)	वाशिंगटन – व्हाइट हाऊस	

(4)

मिस्र - मिसीसिपी दरिया

(4)

Egypt - Mississippi River

76.	Lotus Temple in Delhi was built by						
	(1)	Muslims					
	(2)	Loruzo					

- (2) Jews
- (3) Jains
- (4) Bahais
- 77. Which one of the following is not a matching set ? http://www.iitscholars.com
  - (1) Udaipur Lakes
  - (2) Sundarbans Mangroves
  - (3) Varanasi Ghats
  - (4) Jaipur Canals
- **78.** Green architecture is promoted these days because :
  - (1) Green is a good colour
  - (2) It costs less initially
  - (3) It is environment friendly
  - (4) It lasts longer
- **79.** Which one of the following is an odd match?
  - (1) Tsunami Oceanic Earthquake
  - (2) Deforestation Climate change
  - (3) Ozone layer UV rays
  - (4) Shrinking Polar Caps Earthquake
- **80.** Which one of the following is not an earthquake resistant structure?
  - (1) Timber framed building
  - (2) RCC framed structure
  - (3) Load bearing brick walls building
  - (4) Steel framed building

- 76. दिल्ली का लोटस मन्दिर किसने बनाया था?
  - (1) मुसलिमों ने
  - (2) यह्दियों ने
  - (3) जैनियों ने
  - (4) बाहइयों ने
- 77. निम्नांकित में से कौन-सा समुच्चय मेल नहीं खाता?
  - (1) उदयपुर झीलें
  - (2) सुन्दरबन मैनग्रोव
  - (3) वाराणसी घाट
  - (4) जयपुर नहरें
- 78. इन दिनों हरित वास्तुकला को प्रोत्साहन दिया जाता है क्योंकि :
  - (1) हरा एक अच्छा रंग है
  - (2) इसमें आरम्भ में कम खर्च होता है
  - (3) यह पर्यावरण के अनुकूल है
  - (4) यह देर तक चलता है
- 79. निम्नांकित में से कौनसा समुच्चय मेल नहीं खाता?
  - (1) सुनामी महासागरीय भूकंप
  - (2) वन-अपरोपण जलवायु परिवर्तन
  - (3) ओज़ोन की परत यू.वी. किरणें
  - (4) ध्रुवीय टोपी की सिकुड़न भूकंप
- 80. निम्नांकित ढाँचों में से कौन-सा भूकंप विरोधक है?
  - (1) लकड़ी के फ्रेम से बनी इमारत
  - (2) आर.सी.सी. फ्रेम का ढाँचा
  - (3) भार रोकने वाली ईंटों की दीवार की इमारत
  - (4) स्टील के फ्रेम से बनी इमारत

3	3	28	4	53	3	78	3
4	1	29	   4	54	   4	79	4
5	1	30	2	55	1	80	9
6	1	31	3	56	2		
7	3	32	2	57	1		
8	1	33	1	58	3		
9	4	34	1	59	2		
10	2	35	2	60	2		
11	2	36	2	61	2		
12	1	37	4	62	4		
13	3	38	4	63	1		 
14	2	39	2	64	2		
15	3	40	1	65	3		 
16	3	41	4	66	3		
17	2	42	2	67	4		
18	2	43	3	68	3		
19	4	44	2	69	4		
20	4	45	2	70	4		
21	4	46	3	71	3		
22	3	47	4	72	1		
23	4	48	3	73	2		
24	3	49	4	74	3		
25	2	50	3	75	4		